

Exercice 1

Soient a et b deux éléments de \mathbb{R}^+ .

Prouver que $|\sqrt{a} - \sqrt{b}| \leq \sqrt{|a - b|}$.

Exercice 2

On se donne un rectangle de demi-périmètre p .

Montrer que son aire est majorée par $\frac{p^2}{4}$.

Pour quels rectangles y-a-t-il égalité ?

Exercice 3

Soient x_1 et x_2 les deux racines du trinôme de $p: x \mapsto ax^2 + bx + c$.

Calculer $x_1^2 + x_2^2$ et $(x_1 - x_2)^2$ en fonction de a, b et c .

Exercice 4

Résoudre (E) : $\frac{2}{x^2} + \frac{2}{x} - 24 = 0$.

Exercice 5

Soit le polynôme $P(x) = x^3 - 2x - 1$.

1. a) A l'aide de votre calculatrice, déterminer la ou les valeurs de x pour lesquelles P s'annule .
- b) On pose $x = -1 + h$. Calculer $P(-1 + h)$, mettre h en facteur et déduire une factorisation de $P(-1 + h)$ puis $P(x)$.
- c) Résoudre l'inéquation $x^2 - 2 > \frac{1}{x}$.

2. Utiliser la même méthode avec $Q(x) = x^3 - 2x - 4$ et résoudre l'inéquation $Q(x) > 0$.

Exercice 6

Soit le polynôme $P(x) = 6 + 10x + 2x^2 - 2x^3$.

1. Vérifier que $P(-1)=0$ puis que $P(x)$ est factorisable par $x+1$.
2. Déterminer trois réels a, b et c tels que pour tout réel x , $P(x) = (x + 1)(ax^2 + bx + c)$.
3. Résoudre alors l'inéquation $P(x) > 0$.