

NOM :

Prénom :

Il sera tenu compte de la présentation et de la rédaction dans l'appréciation des copies. Tous les résultats devront être soulignés.

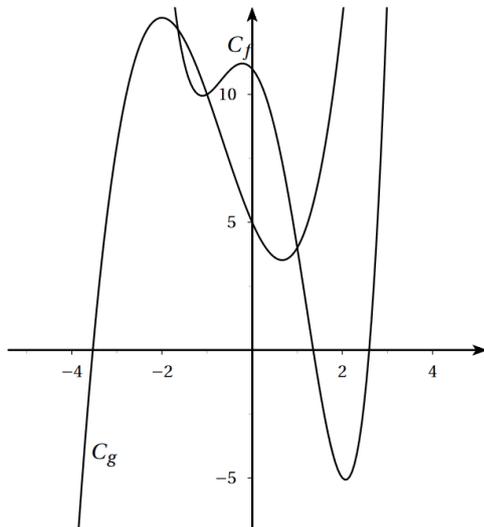
Exercice 1

Partie A : Vérifier que $(x^2 - 1)(x^2 - 2x - 6) = x^4 - 2x^3 - 7x^2 + 2x + 6$

Partie B : Dans le dessin ci-dessous, \mathcal{C}_f et \mathcal{C}_g sont les représentations graphiques des fonctions polynômes f et g définies par

$$f(x) = x^4 - x^3 - 5x^2 - 2x + 11 \text{ et } g(x) = x^3 + 2x^2 - 4x + 5.$$

1. Étudier le signe de $f(x) - g(x)$.
2. En déduire les positions relatives des courbes \mathcal{C}_f et \mathcal{C}_g .

**Exercice 2**

On considère la fonction f définie sur $D = [0; 9[\cup]9; +\infty[$ par $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x} - 3}$.

1. Justifier que f est bien définie sur D .
2. Étudier les variations de f sur chacun des intervalles qui composent D .

Exercice 3

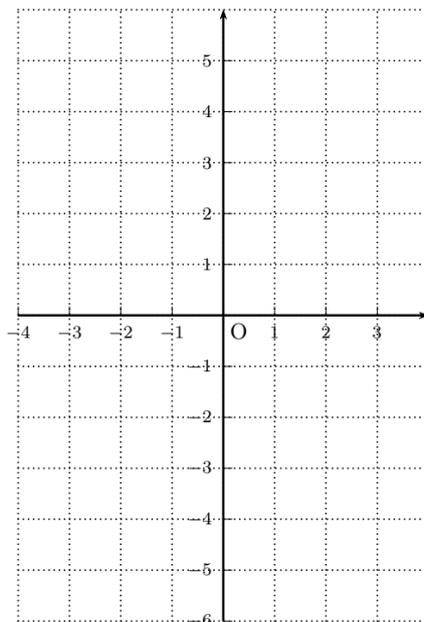
Soit $f(x) = x - \frac{1}{x}$ avec $x \neq 0$.

1. Résoudre l'équation $f(x) = \frac{1}{2}$.
2. Soit $x_2 > x_1 > 0$. Comparer $f(x_2)$ à $f(x_1)$. Quel est le sens de variation de f sur \mathbb{R}^{+*} ? Que peut-on dire sur \mathbb{R}^{-*} ?
3. Représenter graphiquement f et déterminer graphiquement (en le justifiant par un dessin) le nombre de solutions de l'équation $f(x) = m$ selon les valeurs du réel m .

Exercice 4

On considère la fonction f définie par $f(x) = -2|x| + 3$.

1. Déterminer l'ensemble de définition de f .
2. Déterminer les variations de f sur \mathbb{R} à l'aide de fonctions usuelles.
3. a. Tracer, dans le repère ci-dessous, la courbe représentative \mathcal{C} de la fonction valeur absolue.
b. En déduire les représentations graphiques des fonctions $g : x \mapsto -2|x|$ puis f (les tracer dans le même repère).



Exercice 5

1. Étudier le signe sur \mathbb{R} de $f(x) = 3x^2 - 5x - 2$ et factoriser $f(x)$.
2. En déduire le signe sur \mathbb{R} de $g(x) = 3x^4 - 5x^2 - 2$
3. Résoudre dans \mathbb{R}^* l'inéquation $\frac{f(x)}{x} \leq -4$.

Exercice 6

Dire si les affirmations sont vraies ou fausses **sans justifier**.

1. Les points A(1 ; -1), B(5 ; -8) et C(13 ; -21) sont alignés.
2. Il existe au moins un réel m tel que les vecteurs $\vec{u} \begin{pmatrix} -1 \\ m+1 \end{pmatrix}$ et $\vec{v} \begin{pmatrix} 2m \\ m \end{pmatrix}$ soient colinéaires.
3. ABCD est un quadrilatère. P et Q sont les milieux respectifs de [AC] et [BD].
Alors $\vec{PQ} = \frac{1}{2}(\vec{AB} + \vec{CD})$
4. ABC est un triangle. Il existe un unique point M tel que $3\vec{MA} + 2\vec{MB} - \vec{MC} = \vec{0}$
5. Si A(-2;3) et B(3;1) alors une équation cartésienne de la droite (AB) est $2x + 5y - 11 = 0$.
6. Si A(-2 ; 5) B(0 ; -7) et C(2;1) alors la médiane issue de B du triangle ABC est l'axe des ordonnées.

BONUS !

Résoudre l'inéquation $3x^8 - x^4 - 2 = 0$.

Barème probable : **Ex 1** : ; **Ex 2** : ; **Ex 3** : ; **Ex 4** : ; **Ex 5** : **Ex 6** : ; **Bonus** :